$$I_c = \frac{\text{number of pairs of equal letters in ciphertext}}{\text{the total number of pairs of letters}}$$

▲□▶ ▲圖▶ ▲圖▶ ▲圖▶ = ● ● ●

That is if we set

$$I_c = \frac{\text{number of pairs of equal letters in ciphertext}}{\text{the total number of pairs of letters}}$$

That is if we set

•  $N_{\alpha}$  = the number of occurrences of the letter  $\alpha$  in the cyphertext

◆□▶ ◆□▶ ◆臣▶ ◆臣▶ 臣 の�?

$$I_c = \frac{\text{number of pairs of equal letters in ciphertext}}{\text{the total number of pairs of letters}}$$

That is if we set

•  $N_{\alpha}$  = the number of occurrences of the letter  $\alpha$  in the cyphertext

۲

$$D_c = \sum_{\alpha=A}^{Z} \binom{N_{\alpha}}{2}$$

▲□▶ ▲圖▶ ▲≣▶ ▲≣▶ ▲国 ● ● ●

 $D_c$  represents the number of pairs of equal letters in the cyphertext.

$$I_c = \frac{\text{number of pairs of equal letters in ciphertext}}{\text{the total number of pairs of letters}}$$

That is if we set

•  $N_{\alpha}$  = the number of occurrences of the letter  $\alpha$  in the cyphertext

۲

$$D_c = \sum_{\alpha=A}^{Z} \binom{N_{\alpha}}{2}$$

▲□▶ ▲圖▶ ▲≣▶ ▲≣▶ ▲国 ● ● ●

 $D_c$  represents the number of pairs of equal letters in the cyphertext.

• then 
$$I_c = \frac{D_c}{\binom{N}{2}}$$

$$I_c = \frac{\text{number of pairs of equal letters in ciphertext}}{\text{the total number of pairs of letters}}$$

That is if we set

•  $N_{\alpha}$  = the number of occurrences of the letter  $\alpha$  in the cyphertext

۲

$$D_c = \sum_{\alpha=A}^{Z} \binom{N_{\alpha}}{2}$$

▲□▶ ▲圖▶ ▲≣▶ ▲≣▶ ▲国 ● ● ●

 $D_c$  represents the number of pairs of equal letters in the cyphertext.

• then 
$$I_c = \frac{D_c}{\binom{N}{2}}$$
  
• where  $N$  = the number of letters in the cyphertext

The index of coincidence is invariant under monoalphabetic cyphers and we estimate under this condition that  $N_{\alpha} = N * p_{\sigma(\alpha)}$  for some permutation of the alphabet  $\sigma$  and so

$$I_c = \frac{\sum_{\alpha=A}^{Z} (N_{\alpha}^2 - N_{\alpha})}{N(N-1)}$$

The index of coincidence is invariant under monoalphabetic cyphers and we estimate under this condition that  $N_{\alpha} = N * p_{\sigma(\alpha)}$  for some permutation of the alphabet  $\sigma$  and so

$$egin{aligned} I_c &= rac{\sum_{lpha=A}^Z (N_lpha^2 - N_lpha)}{N(N-1)} \ &pprox rac{N^2 (\sum_{lpha=A}^Z p_lpha^2) - N}{N(N-1)} \end{aligned}$$

The index of coincidence is invariant under monoalphabetic cyphers and we estimate under this condition that  $N_{\alpha} = N * p_{\sigma(\alpha)}$  for some permutation of the alphabet  $\sigma$  and so

$$I_c = \frac{\sum_{\alpha=A}^{Z} (N_{\alpha}^2 - N_{\alpha})}{N(N-1)}$$
$$\approx \frac{N^2 (\sum_{\alpha=A}^{Z} p_{\alpha}^2) - N}{N(N-1)}$$
$$= \frac{N(.065) - 1}{N-1}$$

 $\approx .065$ 

Let p be the period of the cyphertext and place the letters of the cyphertext into groups of p so that the letters in the  $i^{th}$  position of the groups are all encrypted with the same key.

Let p be the period of the cyphertext and place the letters of the cyphertext into groups of p so that the letters in the  $i^{th}$  position of the groups are all encrypted with the same key.

• Let  $M_{\alpha}^{(i)}$  equal the number of occurrences of the letter  $\alpha$  that appears in the *i*<sup>th</sup> positions in the groups.

Let p be the period of the cyphertext and place the letters of the cyphertext into groups of p so that the letters in the  $i^{th}$  position of the groups are all encrypted with the same key.

• Let  $M_{\alpha}^{(i)}$  equal the number of occurrences of the letter  $\alpha$  that appears in the *i*<sup>th</sup> positions in the groups.

• If there are M groups of p, then  $\sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} = M$ 

Let p be the period of the cyphertext and place the letters of the cyphertext into groups of p so that the letters in the  $i^{th}$  position of the groups are all encrypted with the same key.

• Let  $M_{\alpha}^{(i)}$  equal the number of occurrences of the letter  $\alpha$  that appears in the *i*<sup>th</sup> positions in the groups.

- If there are *M* groups of *p*, then  $\sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} = M$
- We also have N = Mp

Let p be the period of the cyphertext and place the letters of the cyphertext into groups of p so that the letters in the  $i^{th}$  position of the groups are all encrypted with the same key.

- Let  $M_{\alpha}^{(i)}$  equal the number of occurrences of the letter  $\alpha$  that appears in the *i*<sup>th</sup> positions in the groups.
- If there are *M* groups of *p*, then  $\sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} = M$
- We also have N = Mp
- Also we can estimate that  $M_{\alpha}^{(i)} \approx M p_{\sigma(\alpha)}$  (again for some permutation for the alphabet  $\sigma$ )

$$2D_{c} = \sum_{i=1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} (M_{\alpha}^{(i)} - 1) + 2\sum_{i=1}^{p} \sum_{j=i+1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} M_{\alpha}^{(j)}$$

$$2D_{c} = \sum_{i=1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} (M_{\alpha}^{(i)} - 1) + 2 \sum_{i=1}^{p} \sum_{j=i+1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} M_{\alpha}^{(j)}$$
$$= \sum_{i=1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} (M_{\alpha}^{(i)})^{2} - \sum_{i=1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} + 2 \sum_{i=1}^{p} \sum_{j=i+1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} M_{\alpha}^{(j)}$$

$$2D_{c} = \sum_{i=1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} (M_{\alpha}^{(i)} - 1) + 2 \sum_{i=1}^{p} \sum_{j=i+1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} M_{\alpha}^{(j)}$$
$$\approx M^{2} \sum_{i=1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} p_{\alpha}^{2} - \sum_{i=1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} + 2 \sum_{i=1}^{p} \sum_{j=i+1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} M_{\alpha}^{(j)}$$

$$2D_{c} = \sum_{i=1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} (M_{\alpha}^{(i)} - 1) + 2 \sum_{i=1}^{p} \sum_{j=i+1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} M_{\alpha}^{(j)}$$
$$\approx M^{2} \sum_{i=1}^{p} (.065) - \sum_{i=1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} + 2 \sum_{i=1}^{p} \sum_{j=i+1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} M_{\alpha}^{(j)}$$

$$2D_{c} = \sum_{i=1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} (M_{\alpha}^{(i)} - 1) + 2 \sum_{i=1}^{p} \sum_{j=i+1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} M_{\alpha}^{(j)}$$
$$\approx M^{2} p(.065) - \sum_{i=1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} + 2 \sum_{i=1}^{p} \sum_{j=i+1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} M_{\alpha}^{(j)}$$

$$2D_{c} = \sum_{i=1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} (M_{\alpha}^{(i)} - 1) + 2 \sum_{i=1}^{p} \sum_{j=i+1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} M_{\alpha}^{(j)}$$
$$\approx M^{2} p(.065) - \sum_{i=1}^{p} M + 2 \sum_{i=1}^{p} \sum_{j=i+1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} M_{\alpha}^{(j)}$$

$$2D_{c} = \sum_{i=1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} (M_{\alpha}^{(i)} - 1) + 2 \sum_{i=1}^{p} \sum_{j=i+1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} M_{\alpha}^{(j)}$$
$$\approx M^{2} p(.065) - pM + 2 \sum_{i=1}^{p} \sum_{j=i+1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} M_{\alpha}^{(j)}$$

$$2D_{c} = \sum_{i=1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} (M_{\alpha}^{(i)} - 1) + 2 \sum_{i=1}^{p} \sum_{j=i+1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} M_{\alpha}^{(j)}$$
$$\approx M^{2} p(.065) - pM + 2M^{2} \sum_{i=1}^{p} \sum_{j=i+1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} p_{\alpha}^{(i)} p_{\alpha}^{(j)}$$

$$2D_{c} = \sum_{i=1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} (M_{\alpha}^{(i)} - 1) + 2 \sum_{i=1}^{p} \sum_{j=i+1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} M_{\alpha}^{(j)}$$
$$\approx M^{2} p (.065) - pM + 2M^{2} \sum_{i=1}^{p} \sum_{j=i+1}^{p} \frac{1}{26}$$

$$2D_{c} = \sum_{i=1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} (M_{\alpha}^{(i)} - 1) + 2 \sum_{i=1}^{p} \sum_{j=i+1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} M_{\alpha}^{(j)}$$
$$\approx M^{2} p (.065) - pM + 2M^{2} \sum_{i=1}^{p} \sum_{j=i+1}^{p} (.038)$$

$$2D_{c} = \sum_{i=1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} (M_{\alpha}^{(i)} - 1) + 2 \sum_{i=1}^{p} \sum_{j=i+1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} M_{\alpha}^{(j)}$$
$$\approx M^{2} p (.065) - pM + M^{2} (.038) p (p-1)$$

$$2D_{c} = \sum_{i=1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} (M_{\alpha}^{(i)} - 1) + 2 \sum_{i=1}^{p} \sum_{j=i+1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} M_{\alpha}^{(j)}$$
  

$$\approx M^{2} p (.065) - pM + M^{2} (.038) p (p - 1)$$
  

$$= M^{2} p (.065) - pM + M^{2} (.038) p (p - 1)$$

$$2D_{c} = \sum_{i=1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} (M_{\alpha}^{(i)} - 1) + 2 \sum_{i=1}^{p} \sum_{j=i+1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} M_{\alpha}^{(j)}$$
$$\approx M^{2} p (.065) - pM + M^{2} (.038) p (p - 1)$$
$$= \frac{N^{2}}{p} (.065) - pM + M^{2} (.038) p (p - 1)$$

$$2D_{c} = \sum_{i=1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} (M_{\alpha}^{(i)} - 1) + 2 \sum_{i=1}^{p} \sum_{j=i+1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} M_{\alpha}^{(j)}$$
$$\approx M^{2} p (.065) - pM + M^{2} (.038) p (p - 1)$$
$$= \frac{N^{2}}{p} (.065) - N + M^{2} (.038) p (p - 1)$$

$$2D_{c} = \sum_{i=1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} (M_{\alpha}^{(i)} - 1) + 2 \sum_{i=1}^{p} \sum_{j=i+1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} M_{\alpha}^{(j)}$$
$$\approx M^{2} p(.065) - pM + M^{2}(.038) p(p-1)$$
$$= \frac{N^{2}}{p} (.065) - N + N^{2} (.038) - M^{2} p(.038)$$

$$2D_{c} = \sum_{i=1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} (M_{\alpha}^{(i)} - 1) + 2 \sum_{i=1}^{p} \sum_{j=i+1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} M_{\alpha}^{(j)}$$
$$\approx M^{2} p (.065) - pM + M^{2} (.038) p (p-1)$$
$$= \frac{N^{2}}{p} (.065) - N + N^{2} (.038) - \frac{N^{2}}{p} (.038)$$

$$2D_{c} = \sum_{i=1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} (M_{\alpha}^{(i)} - 1) + 2 \sum_{i=1}^{p} \sum_{j=i+1}^{p} \sum_{\alpha=A}^{Z} M_{\alpha}^{(i)} M_{\alpha}^{(j)}$$
$$\approx M^{2} p (.065) - pM + M^{2} (.038) p (p-1)$$
$$= \frac{N^{2}}{p} (.027) - N + N^{2} (.038)$$

Note that because 
$$I_c=rac{D_c}{\binom{N}{2}}$$
, we have that  $2D_c=N(N-1)I_c.$ 

◆□ ▶ ◆□ ▶ ◆三 ▶ ◆□ ▶ ◆□ ▶

And we just derived that

$$2D_c \approx \frac{N^2}{p}(.027) - N + N^2(.038)$$

Note that because 
$$I_c = \frac{D_c}{\binom{N}{2}}$$
, we have that  $2D_c = N(N-1)I_c.$ 

And we just derived that

$$2D_c \approx \frac{N^2}{p}(.027) - N + N^2(.038)$$

Therefore,

$$N(N-1)I_c \approx \frac{N^2}{p}(.027) - N + N^2(.038)$$

◆□▶ ◆□▶ ◆臣▶ ◆臣▶ 臣 の�?

And we just derived that

$$2D_c \approx \frac{N^2}{p}(.027) - N + N^2(.038)$$

Therefore,

$$(N-1)I_c \approx \frac{N}{p}(.027) - 1 + N(.038)$$

< ロ > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □

And we just derived that

$$2D_c \approx \frac{N^2}{p}(.027) - N + N^2(.038)$$

Therefore,

$$(N-1)I_c + 1 \approx \frac{N}{p}(.027) + N(.038)$$

< ロ > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □

And we just derived that

$$2D_c \approx \frac{N^2}{p}(.027) - N + N^2(.038)$$

Therefore,

$$(N-1)I_c + 1 - N(.038) \approx \frac{N}{p}(.027)$$

< ロ > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □

Note that because  $I_c = \frac{D_c}{\binom{N}{2}}$ , we have that  $2D_c = N(N-1)I_c.$ 

And we just derived that

$$2D_c \approx \frac{N^2}{p}(.027) - N + N^2(.038)$$

Therefore,

$$p((N-1)I_c + 1 - N(.038)) \approx N(.027)$$

◆□▶ ◆□▶ ◆臣▶ ◆臣▶ □臣 = のへで

Note that because  $I_c = \frac{D_c}{\binom{N}{2}}$ , we have that  $2D_c = N(N-1)I_c.$ 

And we just derived that

$$2D_c \approx \frac{N^2}{p}(.027) - N + N^2(.038)$$

Therefore,

$$p \approx \frac{N(.027)}{(N-1)I_c + 1 - N(.038)}$$

◆□▶ ◆□▶ ◆臣▶ ◆臣▶ □臣 = のへで

・ロト・日本・モート モー うへぐ

indcoin < plaintext
Index of coincidence : 0.063616
Estimate of the period : 1.052158</pre>

・ロト・日本・モート モー うへぐ

• indcoin < cyphertextvig3 Index of coincidence : 0.044720 Estimate of the period : 3.990527

・ロト・日本・モート モー うへぐ

- indcoin < cyphertextvig3 Index of coincidence : 0.044720 Estimate of the period : 3.990527
- indcoin < cyphertextvig4 Index of coincidence : 0.042903 Estimate of the period : 5.455495

・ロト ・ 日 ・ モ ト ・ モ ・ うへぐ

- indcoin < cyphertextvig3 Index of coincidence : 0.044720 Estimate of the period : 3.990527
- indcoin < cyphertextvig4 Index of coincidence : 0.042903 Estimate of the period : 5.455495
- indcoin < cyphertextvig5 Index of coincidence : 0.042236 Estimate of the period : 6.304608

・ロト ・ 日 ・ モ ト ・ モ ・ うへぐ

- indcoin < cyphertextvig3 Index of coincidence : 0.044720 Estimate of the period : 3.990527
- indcoin < cyphertextvig4 Index of coincidence : 0.042903 Estimate of the period : 5.455495
- indcoin < cyphertextvig5 Index of coincidence : 0.042236 Estimate of the period : 6.304608
- indcoin < cyphertextvig6 Index of coincidence : 0.041899 Estimate of the period : 6.842702

- indcoin < cyphertextvig3 Index of coincidence : 0.044720 Estimate of the period : 3.990527
- indcoin < cyphertextvig4 Index of coincidence : 0.042903 Estimate of the period : 5.455495
- indcoin < cyphertextvig5 Index of coincidence : 0.042236 Estimate of the period : 6.304608
- indcoin < cyphertextvig6 Index of coincidence : 0.041899 Estimate of the period : 6.842702
- indcoin < cyphertextvig7 Index of coincidence : 0.041434 Estimate of the period : 7.757924

indcoin < plaintext</pre>

Index of coincidence : 0.069377

Estimate of the period : 0.852563



◆□▶ ◆□▶ ◆三▶ ◆三▶ 三三 のへぐ

• indcoin < cyphertextvig3 Index of coincidence : 0.045386 Estimate of the period : 3.512710

- indcoin < cyphertextvig3 Index of coincidence : 0.045386 Estimate of the period : 3.512710
- indcoin < cyphertextvig4 Index of coincidence : 0.045457 Estimate of the period : 3.480884

- indcoin < cyphertextvig3 Index of coincidence : 0.045386 Estimate of the period : 3.512710
- indcoin < cyphertextvig4 Index of coincidence : 0.045457 Estimate of the period : 3.480884
- indcoin < cyphertextvig5 Index of coincidence : 0.045034 Estimate of the period : 3.681678

- indcoin < cyphertextvig3 Index of coincidence : 0.045386 Estimate of the period : 3.512710
- indcoin < cyphertextvig4 Index of coincidence : 0.045457 Estimate of the period : 3.480884
- indcoin < cyphertextvig5 Index of coincidence : 0.045034 Estimate of the period : 3.681678
- indcoin < cyphertextvig6 Index of coincidence : 0.043903 Estimate of the period : 4.352677

- indcoin < cyphertextvig3 Index of coincidence : 0.045386 Estimate of the period : 3.512710
- indcoin < cyphertextvig4 Index of coincidence : 0.045457 Estimate of the period : 3.480884
- indcoin < cyphertextvig5 Index of coincidence : 0.045034 Estimate of the period : 3.681678
- indcoin < cyphertextvig6 Index of coincidence : 0.043903 Estimate of the period : 4.352677
- indcoin < cyphertextvig7 Index of coincidence : 0.043281 Estimate of the period : 4.836937

◆□▶ ◆□▶ ◆臣▶ ◆臣▶ 臣 の�?

indcoin < plaintext</pre>

Index of coincidence : 0.064586

Estimate of the period : 1.013137

◆□▶ ◆□▶ ◆三▶ ◆三▶ 三三 のへぐ

• indcoin < cyphertextvig3 Index of coincidence : 0.045976 Estimate of the period : 3.357689

- indcoin < cyphertextvig3 Index of coincidence : 0.045976 Estimate of the period : 3.357689
- indcoin < cyphertextvig4 Index of coincidence : 0.042790 Estimate of the period : 5.560689

- indcoin < cyphertextvig3 Index of coincidence : 0.045976 Estimate of the period : 3.357689
- indcoin < cyphertextvig4 Index of coincidence : 0.042790 Estimate of the period : 5.560689
- indcoin < cyphertextvig5 Index of coincidence : 0.041953 Estimate of the period : 6.718174

- indcoin < cyphertextvig3 Index of coincidence : 0.045976 Estimate of the period : 3.357689
- indcoin < cyphertextvig4 Index of coincidence : 0.042790 Estimate of the period : 5.560689
- indcoin < cyphertextvig5 Index of coincidence : 0.041953 Estimate of the period : 6.718174
- indcoin < cyphertextvig6 Index of coincidence : 0.041019 Estimate of the period : 8.752510

- indcoin < cyphertextvig3 Index of coincidence : 0.045976 Estimate of the period : 3.357689
- indcoin < cyphertextvig4 Index of coincidence : 0.042790 Estimate of the period : 5.560689
- indcoin < cyphertextvig5 Index of coincidence : 0.041953 Estimate of the period : 6.718174
- indcoin < cyphertextvig6 Index of coincidence : 0.041019 Estimate of the period : 8.752510
- indcoin < cyphertextvig7 Index of coincidence : 0.040397 Estimate of the period : 10.963194